

$$= \int d\tau C(\tau) e^{-2i\pi f' \tau} \int dt e^{2i\pi (f - f') t}$$