

$$-\frac{\sqrt{4\pi G a}}{A_0}\delta\phi$$