

# Comprendre l'infiniment petit (1)

Sébastien Descotes-Genon

`descotes@th.u-psud.fr`

Laboratoire de Physique Théorique  
CNRS & Université Paris-Sud, 91405 Orsay, France

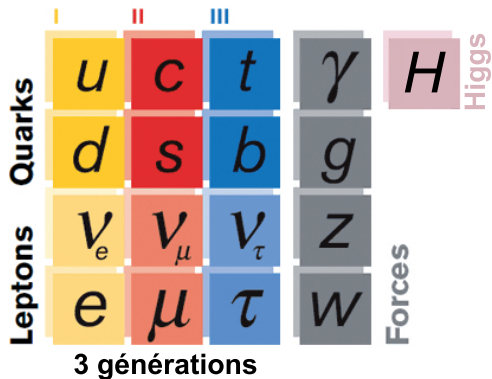
Orsay, 15 juillet 2019



# D'une démarche analytique...

1 H																	2 He	
3 Li	4 Be												5 B	6 C	7 N	8 O	9 F	10 Ne
11 Na	12 Mg												13 Al	14 Si	15 P	16 S	17 Cl	18 Ar
19 K	20 Ca	21 Sc	22 Ti	23 V	24 Cr	25 Mn	26 Fe	27 Co	28 Ni	29 Cu	30 Zn	31 Ga	32 Ge	33 As	34 Se	35 Br	36 Kr	
37 Rb	38 Sr	39 Y	40 Zr	41 Nb	42 Mo	43 Tc	44 Ru	45 Rh	46 Pd	47 Ag	48 Cd	49 In	50 Sn	51 Sb	52 Te	53 I	54 Xe	
55 Cs	56 Ba	57 La	58 Ce	59 Pr	60 Nd	61 Pm	62 Sm	63 Eu	64 Gd	65 Tb	66 Dy	67 Ho	68 Er	69 Tm	70 Yb	71 Lu		
87 Fr	88 Ra	89 Ac	90 U	91 Th	92 Pa	93 U	94 Np	95 Pu	96 Am	97 Cm	98 Bk	99 Cf	100 Es	101 Fm	102 Md	103 No	104 Lw	

... à une autre, un siècle plus tard



# Comprendre l'infiniment petit

- 1er cours : Ce qu'est une particule, ce qu'est une interaction
- 2ème cours : Electromagnétisme et interaction forte
- 3ème cours : Interaction faible, Higgs et ce qui reste à trouver
- Cours de Mathieu Bongrand sur les neutrinos



# Comprendre l'infiniment petit

- 1er cours : Ce qu'est une particule, ce qu'est une interaction
- 2ème cours : Electromagnétisme et interaction forte
- 3ème cours : Interaction faible, Higgs et ce qui reste à trouver
- Cours de Mathieu Bongrand sur les neutrinos



*Cette théorie décrit la Nature d'une façon absurde si nous suivons notre bon sens. Et elle est en parfait accord avec l'expérience. Donc j'espère que vous allez accepter la Nature telle qu'elle est. Absurde.*

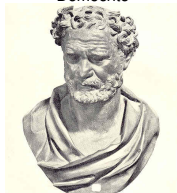
Richard Feynman (1918-1988)

# Physique des particules

Au fond, de quoi la matière est-elle constituée ?

- Antiquité (philosophe grec)  
air, eau, terre, feu ou atomes ?
- 18-19ème siècle (chimiste)  
molécules faites d'atomes
- 19-20ème siècle  
(physicien(ne) atomique & nucléaire)  
électrons et noyaux atomiques
- 21ème siècle  
(physicien(ne) des particules)  
particules élémentaires

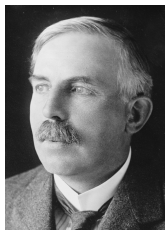
Démocrite



Lavoisier



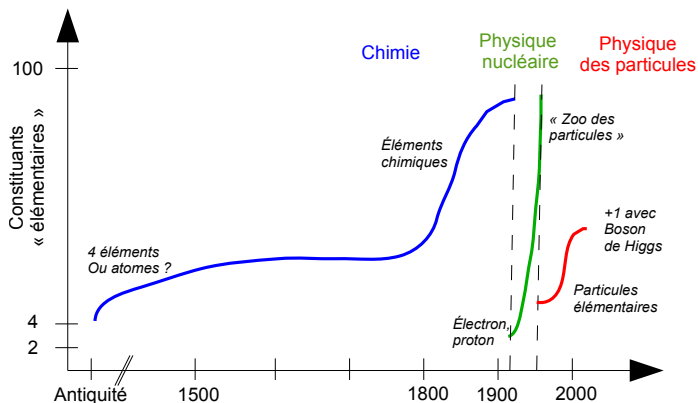
Rutherford



Weinberg

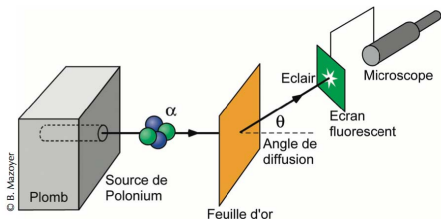
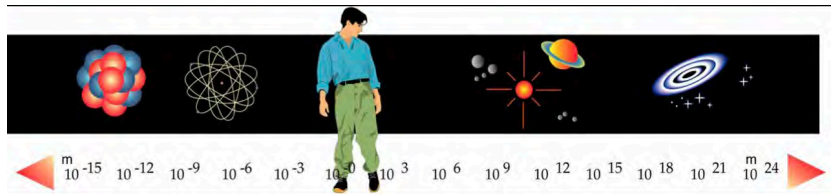


# A la bourse des particules élémentaires



- les "krachs" ne sont pas rares. . .
- . . . du fait de changements de paradigmes (évolution de la notion de constituants élémentaires)

# Monter en énergie, diminuer en taille



- ou d'autres projectiles déviés par constituants

- 1909: Geiger, Marsden, Rutherford "voient" le noyau avec  $\alpha$  sur atome d'or
- 1968: SLAC (Stanford) "voit" les quarks avec  $e$  sur protons et neutrons

- sonder sur des distances plus petites
- c'est sonder avec des particules d'énergie de plus en plus élevée
- photons de plus en plus énergétiques (UV, X,  $\gamma$ )

# Quelques ordres de grandeur

E: accélération d'un électron soumis à 1 volt de différence de potentiel

1 electron-volt:  $1 \text{ eV} = 1.6 \cdot 10^{-19} \text{ J}$

Energie thermique d'une molécule	0.04 eV
Lumière visible	1.5-3.5 eV
Energie de dissociation NaCl en ions	4.2 eV
Energie d'ionisation d'un atome d'hydrogène	13.6 eV
Energie d'un électron frappant un écran cathodique	20 keV
Rayons X pour la médecine	0.2 MeV
Rayonnements nucléaires ( $\alpha$ , $\beta$ , $\gamma$ )	1-10 MeV
Energie de masse d'un proton	1 GeV
Énergie de collision au LHC	7-14 TeV
Rayons cosmiques	1 MeV à 1000 TeV

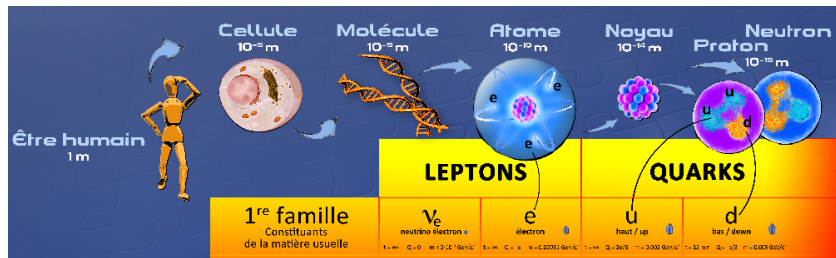
$$1 \text{ MeV} = 10^6 \text{ eV}, 1 \text{ GeV} = 10^9 \text{ eV}, 1 \text{ TeV} = 10^{12} \text{ eV}$$

Unités "naturelles": Cte de Planck  $\hbar =$  vitesse de la lumière  $c = 1$ :

$$\implies 1 \text{ eV} = 1 / (0.2 \mu\text{m}) = 10^{-36} \text{ kg} = 1 / (0.7 \text{ fs})$$

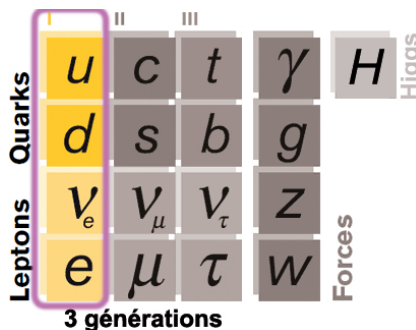
# La matière

# La matière ordinaire



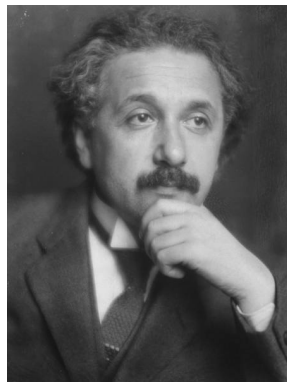
- Quarks: constituants des protons (uud) et neutrons (udd)
- Électrons: liaisons chimiques, électricité
- Neutrino: désintégrations radioactives:  $n \rightarrow pe^- \bar{\nu}_e$  (15 min)

Mais  $E$  augmentant, des surprises avec cette approche analytique...



# Réconcilier deux célèbres adversaires

*Albert Einstein*



**Relativité restreinte**

(Poincaré, Lorentz...)

$c$  vitesse de la lumière ( $v$  max)

objets rapides

*Niels Bohr*



**Mécanique quantique**

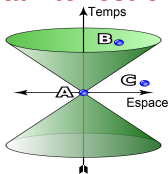
(Schrödinger, Heisenberg...)

$h$  quantum d'action ( $E \cdot t$  min)  
tps brefs et/ou petites énergies



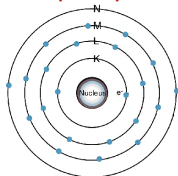
# ... défiant le sens commun

## Relativité restreinte



- Espace et temps reliés
- Loi de composition des vitesses modifiée
- Simultanéité dépendant du référentiel, notion de causalité à modifier
- Equivalence entre énergie et matière  $E = mc^2$

## Mécanique quantique



- Processus discontinus ( $\Delta E$  niveaux atomiques)
- Etats qu'on peut superposer (chat de Schrödinger)
- Probabilités (être dans un état, changer d'état)
- Principe d'incertitude d'Heisenberg

Plus de temps, d'espace absolus

Plus de déterminisme classique

# ABC de relativité restreinte (1)

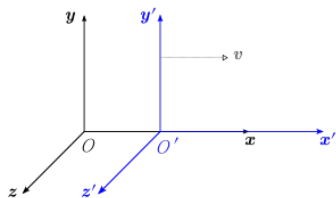
- Lois de la nature identiques dans tous refs. en déplacement uniforme les uns par rapport aux autres (référentiels galiléens)
- **Vitesse de la lumière identique** dans tous les référentiels galiléens

# ABC de relativité restreinte (1)

- Lois de la nature identiques dans tous refs. en déplacement uniforme les uns par rapport aux autres (référentiels galiléens)
- **Vitesse de la lumière identique** dans tous les référentiels galiléens

- En plus des rotations, boosts

reliant deux référentiels galiléens avec vitesse relative  $v$



$$x' = \gamma[x - \beta c \cdot t], \quad ct' = \gamma[c \cdot t - \beta x]$$

$$y' = y, \quad z' = z$$

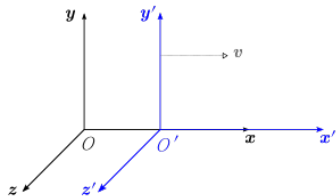
avec  $\beta = v/c$  et  $\gamma = 1/\sqrt{1 - \beta^2}$   
[Unité "naturelle":  $c = 1$ ]

# ABC de relativité restreinte (1)

- Lois de la nature identiques dans tous refs. en déplacement uniforme les uns par rapport aux autres (référentiels galiléens)
- **Vitesse de la lumière identique** dans tous les référentiels galiléens

- En plus des rotations, boosts

reliant deux référentiels galiléens avec vitesse relative  $v$



$$x' = \gamma[x - \beta c \cdot t], \quad ct' = \gamma[c \cdot t - \beta x]$$

$$y' = y, \quad z' = z$$

avec  $\beta = v/c$  et  $\gamma = 1/\sqrt{1 - \beta^2}$   
[Unité "naturelle":  $c = 1$ ]

- boosts et rotations : transformations de Lorentz
- plus de temps et d'espace indépendants
- dilatation des temps, contraction des longueurs
- notion de référentiel propre (au repos) de la particule

## ABC de relativité restreinte (2)

Quadrivecteur position  $x^\mu = (c \cdot t, x, y, z)$  ( $\mu = 0, 1, 2, 3$ )

- Transformations de Lorentz  $x'^\mu = \Lambda^\mu_\nu x^\nu$  ( $\sum$  sur indices répétés)

## ABC de relativité restreinte (2)

Quadrivecteur position  $x^\mu = (c \cdot t, x, y, z)$  ( $\mu = 0, 1, 2, 3$ )

- Transformations de Lorentz  $x'^\mu = \Lambda^\mu_\nu x^\nu$  ( $\sum$  sur indices répétés)
  - Sous un boost

$$(c \cdot t')^2 - x'^2 - y'^2 - z'^2 = (\gamma[c \cdot t - \beta x])^2 - (\gamma[x - \beta c \cdot t])^2 - y^2 - z^2 = (c \cdot t)^2 - x^2 - y^2 - z^2$$

## ABC de relativité restreinte (2)

Quadrivecteur position  $x^\mu = (c \cdot t, x, y, z)$  ( $\mu = 0, 1, 2, 3$ )

• Transformations de Lorentz  $x'^\mu = \Lambda^\mu_\nu x^\nu$  ( $\sum$  sur indices répétés)

• Sous un boost

$$(c \cdot t')^2 - x'^2 - y'^2 - z'^2 = (\gamma[c \cdot t - \beta x])^2 - (\gamma[x - \beta c \cdot t])^2 - y^2 - z^2 = (c \cdot t)^2 - x^2 - y^2 - z^2$$

• Sous une rotation qui conserve  $\vec{x}^2 = x^2 + y^2 + z^2$  et  $t$

$$(ct')^2 - x'^2 - y'^2 - z'^2 = (c \cdot t)^2 - x^2 - y^2 - z^2$$

## ABC de relativité restreinte (2)

Quadrivecteur position  $x^\mu = (c \cdot t, x, y, z)$  ( $\mu = 0, 1, 2, 3$ )

- Transformations de Lorentz  $x'^\mu = \Lambda^\mu_\nu x^\nu$  ( $\sum$  sur indices répétés)

- Sous un boost

$$(c \cdot t')^2 - x'^2 - y'^2 - z'^2 = (\gamma[c \cdot t - \beta x])^2 - (\gamma[x - \beta c \cdot t])^2 - y^2 - z^2 = (c \cdot t)^2 - x^2 - y^2 - z^2$$

- Sous une rotation qui conserve  $\vec{x}^2 = x^2 + y^2 + z^2$  et  $t$

$$(ct')^2 - x'^2 - y'^2 - z'^2 = (c \cdot t)^2 - x^2 - y^2 - z^2$$

- Tfs de Lorentz laissent invariant l'**intervalle d'espace-temps**

$$\begin{aligned}x^2 &= (c \cdot t)^2 - x^2 - y^2 - z^2 & g_{\mu\nu} &= \text{diag}(1, -1, -1, -1) \\ &= x^\mu x_\mu = x^\mu x^\nu g_{\mu\nu} & x_\mu &= g_{\mu\nu} x^\nu = (c \cdot t, -x, -y, -z)\end{aligned}$$



## ABC de relativité restreinte (2)

Quadrivecteur position  $x^\mu = (c \cdot t, x, y, z)$  ( $\mu = 0, 1, 2, 3$ )

- Transformations de Lorentz  $x'^\mu = \Lambda^\mu_\nu x^\nu$  ( $\sum$  sur indices répétés)

- Sous un boost

$$(c \cdot t')^2 - x'^2 - y'^2 - z'^2 = (\gamma[c \cdot t - \beta x])^2 - (\gamma[x - \beta c \cdot t])^2 - y^2 - z^2 = (c \cdot t)^2 - x^2 - y^2 - z^2$$

- Sous une rotation qui conserve  $\vec{x}^2 = x^2 + y^2 + z^2$  et  $t$

$$(ct')^2 - x'^2 - y'^2 - z'^2 = (c \cdot t)^2 - x^2 - y^2 - z^2$$

- Tfs de Lorentz laissent invariant l'**intervalle d'espace-temps**

$$\begin{aligned} x^2 &= (c \cdot t)^2 - x^2 - y^2 - z^2 & g_{\mu\nu} &= \text{diag}(1, -1, -1, -1) \\ &= x^\mu x_\mu = x^\mu x^\nu g_{\mu\nu} & x_\mu &= g_{\mu\nu} x^\nu = (c \cdot t, -x, -y, -z) \end{aligned}$$

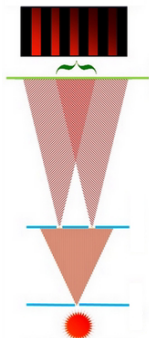
Quadrivecteur impulsion  $p^\mu = (E/c, p_x, p_y, p_z)$

- Nouvel invariant:  $p^2 = p^\mu p_\mu = E^2/c^2 - \vec{p}^2 = m^2 c^2 \dots$  **la masse !**
- Equivalence entre masse et énergie (conversion matière/énergie)

# ABC de mécanique quantique (1)

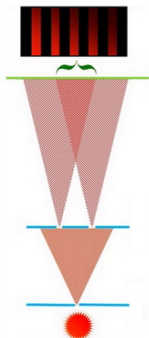
- Lumière

- Onde: expériences des fentes de Young
- Particule: explication de l'effet photoélectrique



# ABC de mécanique quantique (1)

- Lumière
  - Onde: expériences des fentes de Young
  - Particule: explication de l'effet photoélectrique
- Probabilités
  - Amplitude de probabilité  $A$  complexe
  - Proba de présence ( $\equiv$  intensité) donnée par  $|A|^2$
  - $P(X \rightarrow Y) = |\sum_{\mathcal{C} \text{ chemin } X \rightarrow Y} A(\mathcal{C})|^2$   
avec  $A(\mathcal{C})$  amplitudes complexes  $\langle Y|X \rangle_{\mathcal{C}}$
  - Principe d'incertitude d'Heisenberg  $\Delta x \Delta p \geq \hbar/2$



# ABC de mécanique quantique (1)

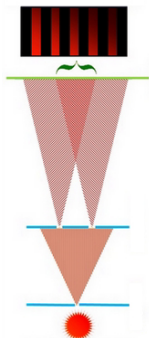
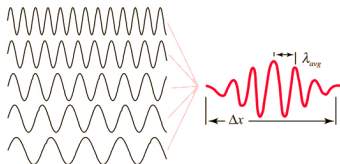
- Lumière

- Onde: expériences des fentes de Young
- Particule: explication de l'effet photoélectrique

- Probabilités

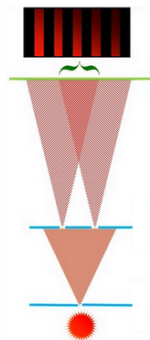
- Amplitude de probabilité  $A$  complexe
- Proba de présence ( $\equiv$  intensité) donnée par  $|A|^2$
- $P(X \rightarrow Y) = |\sum_{\mathcal{C} \text{ chemin } X \rightarrow Y} A(\mathcal{C})|^2$   
avec  $A(\mathcal{C})$  amplitudes complexes  $\langle Y|X \rangle_{\mathcal{C}}$
- Principe d'incertitude d'Heisenberg  $\Delta x \Delta p \geq \hbar/2$

- Toute particule décrite par une superposition d'ondes planes  $e^{i(Et - \vec{p} \cdot \vec{x})}$  avec  $p = h/\lambda$ ,  $E = h\nu$



## ABC de mécanique quantique (2)

- Dualité onde/particule (particule = paquet d'onde)

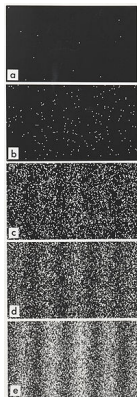


## ABC de mécanique quantique (2)

- Dualité onde/particule (particule = paquet d'onde)
- Etat décrit par un vecteur  $|\psi\rangle$
- Probabilité de présence  $|\psi(\vec{r})|^2$  avec amplitude de probabilité  $\psi(\vec{r}) = \langle r|\psi\rangle$
- Observables: opérateurs sur ce vecteur d'état

$$\hat{H} = i\hbar \frac{\partial}{\partial t} \quad \hat{p} = -i\hbar \left( \frac{\partial}{\partial x}, \frac{\partial}{\partial y}, \frac{\partial}{\partial z} \right) = -i\hbar \vec{\nabla}$$

[Unité "naturelle"  $\hbar = 1$ ]

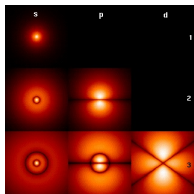
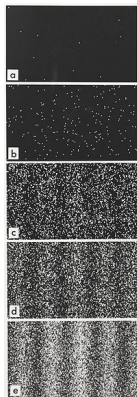


# ABC de mécanique quantique (2)

- Dualité onde/particule (particule = paquet d'onde)
- Etat décrit par un vecteur  $|\psi\rangle$
- Probabilité de présence  $|\psi(\vec{r})|^2$  avec amplitude de probabilité  $\psi(\vec{r}) = \langle r|\psi\rangle$
- Observables: opérateurs sur ce vecteur d'état

$$\hat{H} = i\hbar \frac{\partial}{\partial t} \quad \hat{p} = -i\hbar \left( \frac{\partial}{\partial x}, \frac{\partial}{\partial y}, \frac{\partial}{\partial z} \right) = -i\hbar \vec{\nabla}$$

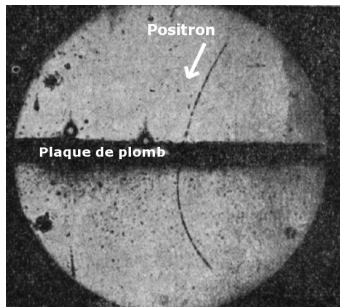
[Unité "naturelle"  $\hbar = 1$ ]



## Equation de Schrödinger

$$\frac{\vec{p}^2}{2m} + V(r) = E \longrightarrow -\frac{\hbar^2}{2m} \vec{\nabla}^2 \psi + V(r)\psi = i\hbar \frac{\partial}{\partial t} \psi$$

# Les antiparticules

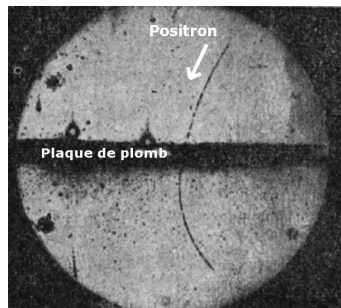


Anderson (1932): rayons cosmiques

- Chambre de Wilson remplie de vapeur d'eau avec  $\vec{B}$
- Des gouttes d'eau se forment sur le passage des particules chargées
- Même masse qu'un électron, mais charge opposée : **positron**



# Les antiparticules



Anderson (1932): rayons cosmiques

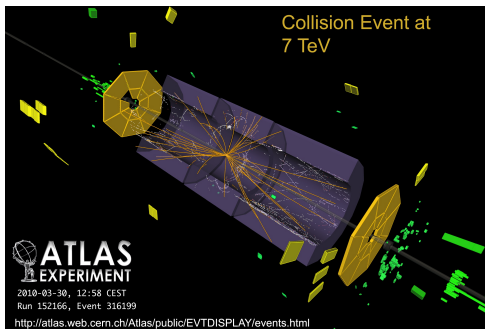
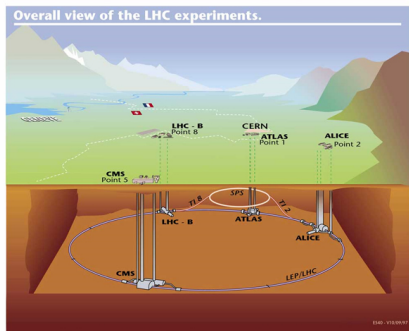
- Chambre de Wilson remplie de vapeur d'eau avec  $\vec{B}$
- Des gouttes d'eau se forment sur le passage des particules chargées
- Même masse qu'un électron, mais charge opposée : **positron**

Dirac (1928): équation pour décrire l'électron

- Mécanique Quantique + Relativité restreinte
$$E = p^2 / (2m_e) \rightarrow E^2 = p^2 c^2 + m_e^2 c^4$$
- Solution  $E < 0$  vue comme **anti-particule**
- Permet l'équivalence Énergie ( $E = 2m_e c^2$ )  
↔ Masse (paire particule/antiparticule)
- De nouvelles particules dans des collisions ?



# On ne casse plus, on crée

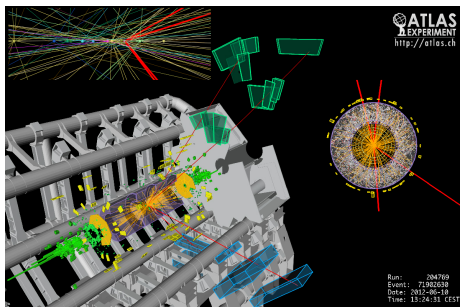
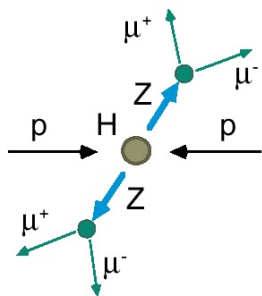


- Relativité: équiv.masse/énergie, création et annihilation matière  
⇒Création de particules lors de collisions, et désintégration
- Mécanique quantique : probabilités comme modules d'amplitudes complexes, principe de superposition, interférences  
⇒Accumulation de nombreux événements nécessaire

Illustration avec ATLAS

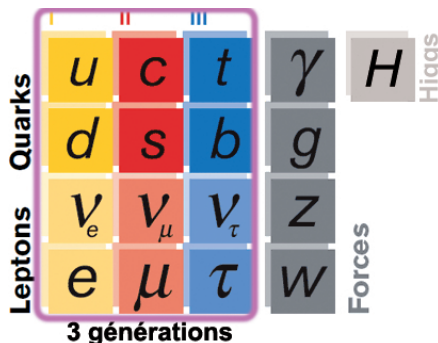
# Analyser et interpréter

- Particules créées étudiées via une cascade de désintégrations
- Reconstruction en suivant les trajectoires
- Lois de conservations (énergie-impulsion, charge électrique...)
- Certaines particules ne sont pas détectées (neutrinos...)



- Sélection des évènements pour éliminer bruits de fond
- Reste à interpréter en s'appuyant sur la théorie

# Les trois générations



- Dans les rayons cosmiques ('30), puis accélérateurs de particules
- Copies de la première famille (charge électrique. . .) **sauf masses** !  
top  $t$  60 000 fois plus lourd que up  $u$  ( $\simeq$  atome d'or)
- Créées en paires particule-antipart. dans collisions  $E > 2m_q c^2$
- Instables (sauf  $\nu$ 's):  $t$  se désintègre en quelques  $10^{-25}$  secondes  
 $t \rightarrow be^+ \nu$  (99.8%),  $t \rightarrow se^+ \nu$  (0.15%),  $t \rightarrow de^+ \nu$  ( $6 \times 10^{-5}$ )...

# Carte d'identité d'une particule

- Masse
- Spin (moment angulaire intrinsèque)
- Charge(s)
- Temps de vie et modes de désintégration

Citation: J. Beringer et al. (Particle Data Group), PR **D86**, 010001 (2012) (URL: <http://pdg.lbl.gov>)



$$J = \frac{1}{2}$$

$\tau$  discovery paper was PERL 75.  $e^+e^- \rightarrow \tau^+\tau^-$  cross-section threshold behavior and magnitude are consistent with pointlike spin-1/2 Dirac particle. BRANDELIK 78 ruled out pointlike spin-0 or spin-1 particle. FELDMAN 78 ruled out  $J = 3/2$ . KIRKBY 79 also ruled out  $J = \text{integer}$ ,  $J = 3/2$ .

## $\tau$ MASS

VALUE (MeV)	EVTS	DOCUMENT ID	TECH	COMMENT
<b>1776.82 ± 0.16 OUR AVERAGE</b>				
1776.68 ± 0.12 ± 0.41	682k	<sup>1</sup> AUBERT	09AK BABR	423 fb <sup>-1</sup> , $E_{\text{cm}}^{\text{cc}} = 10.6$ GeV
1776.81 <sup>+0.25</sup> <sub>-0.23</sub> ± 0.15	81	ANASHIN	07 KEDR	6.7 pb <sup>-1</sup> , $E_{\text{cm}}^{\text{cc}} = 3.54\text{--}3.78$ GeV
1776.61 ± 0.13 ± 0.35		<sup>1</sup> BELOUS	07 BELL	414 fb <sup>-1</sup> , $E_{\text{cm}}^{\text{cc}} = 10.6$ GeV
1775.1 ± 1.6 ± 1.0	13.3k	<sup>2</sup> ABBIENDI	00A OPAL	1990-1995 LEP runs
1778.2 ± 0.8 ± 1.2		ANASTASSOV	97 CLEO	$E_{\text{cm}}^{\text{cc}} = 10.6$ GeV
1776.96 <sup>+0.18</sup> <sub>-0.21</sub> ± 0.25 ± 0.17	65	<sup>3</sup> BAI	96 BES	$E_{\text{cm}}^{\text{cc}} = 3.54\text{--}3.57$ GeV
1776.3 ± 2.4 ± 1.4	11k	<sup>4</sup> ALBRECHT	92M ARG	$E_{\text{cm}}^{\text{cc}} = 9.4\text{--}10.6$ GeV
1783 <sup>+3</sup> <sub>-4</sub>	692	<sup>5</sup> BACINO	78B DLCO	$E_{\text{cm}}^{\text{cc}} = 3.1\text{--}7.4$ GeV
● ● ● We do not use the following data for averages, fits, limits, etc. ● ● ●				
1777.8 ± 0.7 ± 1.7	35k	<sup>6</sup> BALEST	93 CLEO	Repl. by ANASTASSOV 97
1776.9 <sup>+0.4</sup> <sub>-0.5</sub> ± 0.2	14	<sup>7</sup> BAI	92 BES	Repl. by BAI 96

Citation: J. Beringer et al. (Particle Data Group), PR **D86**, 010001 (2012) (URL: <http://pdg.lbl.gov>)

## Modes with one charged particle

$\Gamma_1$	particle <sup>-</sup> ≥ 0 neutrals ≥ 0K <sup>0</sup> ν <sub>τ</sub>	(85.35 ± 0.07) %	S=1.3
$\Gamma_2$	particle <sup>-</sup> ≥ 0 neutrals ≥ 0K <sup>0</sup> ν <sub>τ</sub>	(84.71 ± 0.08) %	S=1.3
$\Gamma_3$	μ <sup>-</sup> ν <sub>μ</sub> ν <sub>τ</sub>	[a] (17.41 ± 0.04) %	S=1.1
$\Gamma_4$	μ <sup>-</sup> ν <sub>μ</sub> ν <sub>τ</sub> γ	[b] (3.6 ± 0.4) × 10 <sup>-3</sup>	
$\Gamma_5$	e <sup>-</sup> ν <sub>e</sub> ν <sub>τ</sub>	[a] (17.83 ± 0.04) %	
$\Gamma_6$	e <sup>-</sup> ν <sub>e</sub> ν <sub>τ</sub> γ	[b] (1.75 ± 0.18) %	
$\Gamma_7$	h <sup>-</sup> ≥ 0K <sup>0</sup> ν <sub>τ</sub>	(12.06 ± 0.06) %	S=1.2
$\Gamma_8$	h <sup>-</sup> ν <sub>τ</sub>	(11.53 ± 0.06) %	S=1.2
$\Gamma_9$	π <sup>-</sup> ν <sub>τ</sub>	[a] (10.83 ± 0.06) %	S=1.2
$\Gamma_{10}$	K <sup>-</sup> ν <sub>τ</sub>	[a] (7.00 ± 0.10) × 10 <sup>-3</sup>	S=1.1
$\Gamma_{11}$	h <sup>-</sup> ≥ 1 neutralsν <sub>τ</sub>	(37.10 ± 0.10) %	S=1.2
$\Gamma_{12}$	h <sup>-</sup> ≥ 1π <sup>0</sup> ν <sub>τ</sub> (ex.K <sup>0</sup> )	(36.57 ± 0.10) %	S=1.2
$\Gamma_{13}$	h <sup>-</sup> π <sup>0</sup> ν <sub>τ</sub>	(25.95 ± 0.09) %	S=1.1
$\Gamma_{14}$	π <sup>-</sup> π <sup>0</sup> ν <sub>τ</sub>	[a] (25.52 ± 0.09) %	S=1.1
$\Gamma_{15}$	π <sup>-</sup> π <sup>0</sup> non-ρ(770)ν <sub>τ</sub>	(3.0 ± 3.2) × 10 <sup>-3</sup>	
$\Gamma_{16}$	K <sup>-</sup> π <sup>0</sup> ν <sub>τ</sub>	[a] (4.29 ± 0.15) × 10 <sup>-3</sup>	
$\Gamma_{17}$	h <sup>-</sup> ≥ 2π <sup>0</sup> ν <sub>τ</sub>	(10.87 ± 0.11) %	S=1.2
$\Gamma_{18}$	h <sup>-</sup> 2π <sup>0</sup> ν <sub>τ</sub>	(9.52 ± 0.11) %	S=1.1
$\Gamma_{19}$	h <sup>-</sup> 2π <sup>0</sup> ν <sub>τ</sub> (ex.K <sup>0</sup> )	(9.36 ± 0.11) %	S=1.2
$\Gamma_{20}$	π <sup>-</sup> 2π <sup>0</sup> ν <sub>τ</sub> (ex.K <sup>0</sup> )	[a] (9.30 ± 0.11) %	S=1.2

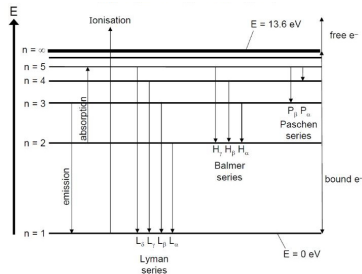
# Comment décrire les particules

## Champ classique (champ électromagnétique)

- Fonction de l'espace et du temps  $\vec{E}(t, \vec{x})$ ,  $\vec{B}(t, \vec{x})$
- Evolution de ce champ et de son interaction avec la matière

## Mécanique quantique (oscillateur harmonique, atome d'hydrogène)

- Nombre de particules fixé
- Différentes excitations (niveaux d' $E$ )
- Opérateurs de création et d'annihilation



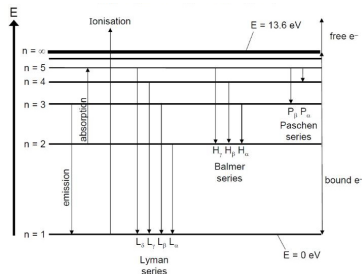
# Comment décrire les particules

## Champ classique (champ électromagnétique)

- Fonction de l'espace et du temps  $\vec{E}(t, \vec{x})$ ,  $\vec{B}(t, \vec{x})$
- Evolution de ce champ et de son interaction avec la matière

## Mécanique quantique (oscillateur harmonique, atome d'hydrogène)

- Nombre de particules fixé
- Différentes excitations (niveaux d' $E$ )
- Opérateurs de création et d'annihilation



## Champ quantique (relativité + mécanique quantique)

- Somme d'opérateurs capable de créer ou d'annihiler une particule
- ... avec une impulsion ou une position donnée
- ... à partir d'un état donné (par exemple état fondamental)

$$\phi(x) = \int [d^4 p] [a_p e^{-ip \cdot x} + a_p^\dagger e^{ip \cdot x}] \quad a_p^\dagger |0\rangle = |H(p)\rangle$$

# Théorie quantique des champs

- description relativiste et quantique des particules élémentaires
- particule = excitation du champ (quantique) associé
- . . . qui se propage comme une vague se déplaçant sur la mer



- l'énergie d'une excitation utilisable pour exciter d'autres champs
- décrit les processus à nombre de particules variable  
*désintégration d'une particule en plusieurs plus légères,  
annihilation et création de paires particules/antiparticules. . .*



# Particules sans interactions

- En mécanique quantique

$$\vec{p} \equiv -i\vec{\nabla} \quad E \equiv i\frac{\partial}{\partial t} \quad E = \frac{\vec{p}^2}{2m} \implies i\frac{\partial}{\partial t}\Psi = -\frac{\vec{\nabla}^2}{2m}\Psi \quad [\hbar = c = 1]$$

# Particules sans interactions

- En mécanique quantique

$$\vec{p} \equiv -i\vec{\nabla} \quad E \equiv i\frac{\partial}{\partial t}$$

$$E = \frac{\vec{p}^2}{2m} \implies i\frac{\partial}{\partial t}\Psi = -\frac{\vec{\nabla}^2}{2m}\Psi \quad [\hbar = c = 1]$$

- Généralisation relativiste?

$$[g_{\mu\nu} = (1, -1, -1, -1)]$$

$$x^\mu = (t, \vec{x})$$

$$x_\mu = g_{\mu\nu}x^\nu = (t, -\vec{x})$$

$$p^\mu = (E, \vec{p}) \equiv i\frac{\partial}{\partial x_\mu} = i\partial^\mu$$

$$-p^2 = g_{\mu\nu}\partial^\mu\partial^\nu = \partial^\mu\partial_\mu = \frac{\partial^2}{\partial t^2} - \vec{\nabla}^2$$

# Particules sans interactions

- En mécanique quantique

$$\vec{p} \equiv -i\vec{\nabla} \quad E \equiv i\frac{\partial}{\partial t}$$

$$E = \frac{\vec{p}^2}{2m} \implies i\frac{\partial}{\partial t}\Psi = -\frac{\vec{\nabla}^2}{2m}\Psi \quad [\hbar = c = 1]$$

- Généralisation relativiste?

$$[g_{\mu\nu} = (1, -1, -1, -1)]$$

$$x^\mu = (t, \vec{x})$$

$$x_\mu = g_{\mu\nu}x^\nu = (t, -\vec{x})$$

$$p^\mu = (E, \vec{p}) \equiv i\frac{\partial}{\partial x_\mu} = i\partial^\mu$$

$$-p^2 = g_{\mu\nu}\partial^\mu\partial^\nu = \partial^\mu\partial_\mu = \frac{\partial^2}{\partial t^2} - \vec{\nabla}^2$$

- Pour spin 0, équation de **Klein-Gordon**

$$p^2 = E^2 - \vec{p}^2 = m^2 \implies (\partial^\mu\partial_\mu + m^2)\phi = 0$$

# Particules sans interactions

- En mécanique quantique

$$[\hbar = c = 1]$$

$$\vec{p} \equiv -i\vec{\nabla} \quad E \equiv i\frac{\partial}{\partial t} \quad E = \frac{\vec{p}^2}{2m} \implies i\frac{\partial}{\partial t}\Psi = -\frac{\vec{\nabla}^2}{2m}\Psi$$

- Généralisation relativiste?

$$[g_{\mu\nu} = (1, -1, -1, -1)]$$

$$x^\mu = (t, \vec{x}) \quad x_\mu = g_{\mu\nu}x^\nu = (t, -\vec{x})$$

$$p^\mu = (E, \vec{p}) \equiv i\frac{\partial}{\partial x_\mu} = i\partial^\mu \quad -p^2 = g_{\mu\nu}\partial^\mu\partial^\nu = \partial^\mu\partial_\mu = \frac{\partial^2}{\partial t^2} - \vec{\nabla}^2$$

- Pour spin 0, équation de **Klein-Gordon**

$$p^2 = E^2 - \vec{p}^2 = m^2 \implies (\partial^\mu\partial_\mu + m^2)\phi = 0$$

- Pour spin 1/2, équation de **Dirac**:  $(i\gamma^\mu\partial_\mu - m)\psi = 0$

$\gamma^\mu$  pour être compatible avec  $E^2 - \vec{p}^2 = m^2$  ?

# Particules sans interactions

- En mécanique quantique

$$[\hbar = c = 1]$$

$$\vec{p} \equiv -i\vec{\nabla} \quad E \equiv i\frac{\partial}{\partial t} \quad E = \frac{\vec{p}^2}{2m} \implies i\frac{\partial}{\partial t}\Psi = -\frac{\vec{\nabla}^2}{2m}\Psi$$

- Généralisation relativiste?

$$[g_{\mu\nu} = (1, -1, -1, -1)]$$

$$x^\mu = (t, \vec{x}) \quad x_\mu = g_{\mu\nu}x^\nu = (t, -\vec{x})$$

$$p^\mu = (E, \vec{p}) \equiv i\frac{\partial}{\partial x_\mu} = i\partial^\mu \quad -p^2 = g_{\mu\nu}\partial^\mu\partial^\nu = \partial^\mu\partial_\mu = \frac{\partial^2}{\partial t^2} - \vec{\nabla}^2$$

- Pour spin 0, équation de **Klein-Gordon**

$$p^2 = E^2 - \vec{p}^2 = m^2 \implies (\partial^\mu\partial_\mu + m^2)\phi = 0$$

- Pour spin 1/2, équation de **Dirac**:  $(i\gamma^\mu\partial_\mu - m)\psi = 0$

$\gamma^\mu$  pour être compatible avec  $E^2 - \vec{p}^2 = m^2$  ?

$$(i\gamma^\nu\partial_\nu - m)\psi = 0$$

# Particules sans interactions

- En mécanique quantique

$$[\hbar = c = 1]$$

$$\vec{p} \equiv -i\vec{\nabla} \quad E \equiv i\frac{\partial}{\partial t}$$

$$E = \frac{\vec{p}^2}{2m} \implies i\frac{\partial}{\partial t}\Psi = -\frac{\vec{\nabla}^2}{2m}\Psi$$

- Généralisation relativiste?

$$[g_{\mu\nu} = (1, -1, -1, -1)]$$

$$x^\mu = (t, \vec{x})$$

$$x_\mu = g_{\mu\nu}x^\nu = (t, -\vec{x})$$

$$p^\mu = (E, \vec{p}) \equiv i\frac{\partial}{\partial x_\mu} = i\partial^\mu$$

$$-p^2 = g_{\mu\nu}\partial^\mu\partial^\nu = \partial^\mu\partial_\mu = \frac{\partial^2}{\partial t^2} - \vec{\nabla}^2$$

- Pour spin 0, équation de **Klein-Gordon**

$$p^2 = E^2 - \vec{p}^2 = m^2 \implies (\partial^\mu\partial_\mu + m^2)\phi = 0$$

- Pour spin 1/2, équation de **Dirac**:  $(i\gamma^\mu\partial_\mu - m)\psi = 0$

$\gamma^\mu$  pour être compatible avec  $E^2 - \vec{p}^2 = m^2$  ?

$$(-i\gamma^\mu\partial_\mu - m)(i\gamma^\nu\partial_\nu - m)\psi = 0 \text{ aboutit à } (\partial^\mu\partial_\mu + m^2)\psi = 0$$

# Particules sans interactions

- En mécanique quantique

$$[\hbar = c = 1]$$

$$\vec{p} \equiv -i\vec{\nabla} \quad E \equiv i\frac{\partial}{\partial t} \quad E = \frac{\vec{p}^2}{2m} \implies i\frac{\partial}{\partial t}\Psi = -\frac{\vec{\nabla}^2}{2m}\Psi$$

- Généralisation relativiste?

$$[g_{\mu\nu} = (1, -1, -1, -1)]$$

$$x^\mu = (t, \vec{x}) \quad x_\mu = g_{\mu\nu}x^\nu = (t, -\vec{x})$$

$$p^\mu = (E, \vec{p}) \equiv i\frac{\partial}{\partial x_\mu} = i\partial^\mu \quad -p^2 = g_{\mu\nu}\partial^\mu\partial^\nu = \partial^\mu\partial_\mu = \frac{\partial^2}{\partial t^2} - \vec{\nabla}^2$$

- Pour spin 0, équation de **Klein-Gordon**

$$p^2 = E^2 - \vec{p}^2 = m^2 \implies (\partial^\mu\partial_\mu + m^2)\phi = 0$$

- Pour spin 1/2, équation de **Dirac**:  $(i\gamma^\mu\partial_\mu - m)\psi = 0$

$\gamma^\mu$  pour être compatible avec  $E^2 - \vec{p}^2 = m^2$  ?

$$(-i\gamma^\mu\partial_\mu - m)(i\gamma^\nu\partial_\nu - m)\psi = 0 \text{ aboutit à } (\partial^\mu\partial_\mu + m^2)\psi = 0$$

... pourvu que  $\gamma^\mu\gamma^\nu + \gamma^\nu\gamma^\mu = 2g^{\mu\nu}$

# Equation de Dirac

$$(i\gamma^\mu \partial_\mu - m)\psi = 0 \quad \gamma^\mu \gamma^\nu + \gamma^\nu \gamma^\mu = 2g^{\mu\nu}$$



# Equation de Dirac

$$(i\gamma^\mu \partial_\mu - m)\psi = 0 \quad \gamma^\mu \gamma^\nu + \gamma^\nu \gamma^\mu = 2g^{\mu\nu} \cdot \mathbf{I}_4$$

De tels  $\gamma^\mu$  forcément des **matrices  $4 \times 4$  de Dirac**

$$\gamma^0 = \begin{pmatrix} 0 & \mathbf{I}_2 \\ \mathbf{I}_2 & 0 \end{pmatrix} \quad \gamma^{i=1,2,3} = \begin{pmatrix} 0 & \sigma^i \\ -\sigma^i & 0 \end{pmatrix}$$

avec l'identité et les matrices de Pauli

$$\mathbf{I}_2 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}, \quad \sigma_1 = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}, \quad \sigma_2 = \begin{pmatrix} 0 & -i \\ i & 0 \end{pmatrix}, \quad \sigma_3 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$$

# Equation de Dirac

$$(i\gamma^\mu \partial_\mu - m)\psi = 0 \quad \gamma^\mu \gamma^\nu + \gamma^\nu \gamma^\mu = 2g^{\mu\nu} \cdot \mathbf{1}_4$$

De tels  $\gamma^\mu$  forcément des **matrices  $4 \times 4$  de Dirac**

$$\gamma^0 = \begin{pmatrix} 0 & \mathbf{1}_2 \\ \mathbf{1}_2 & 0 \end{pmatrix} \quad \gamma^{i=1,2,3} = \begin{pmatrix} 0 & \sigma^i \\ -\sigma^i & 0 \end{pmatrix}$$

avec l'identité et les matrices de Pauli

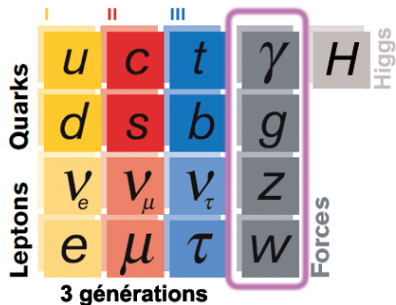
$$\mathbf{1}_2 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}, \quad \sigma_1 = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}, \quad \sigma_2 = \begin{pmatrix} 0 & -i \\ i & 0 \end{pmatrix}, \quad \sigma_3 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$$

**Pourquoi des matrices  $4 \times 4$  ?** Fermion  $\psi$  a 4 degrés de liberté

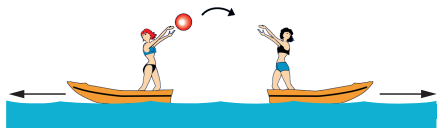
- 2 : Orientation du spin 1/2 (up et down)
- 2 : Particule et antiparticule

# Les interactions

# Les forces fondamentales

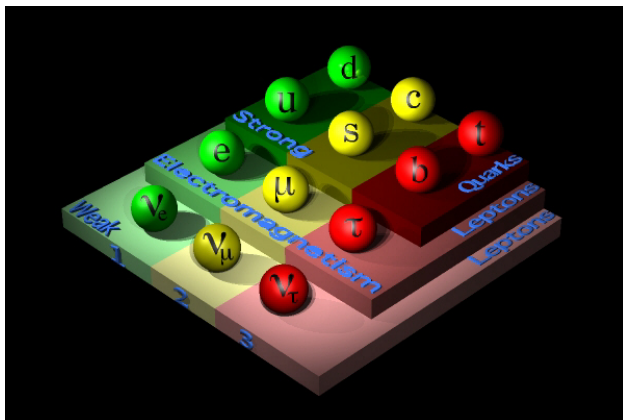


- Gravitation  
étoiles, galaxies... [10<sup>-40</sup>]
- Force faible (bosons  $W, Z$ )  
radioactivité  $\beta$  [10<sup>-8</sup>]
- Electromagnétisme (photon  $\gamma$ )  
électricité, chimie... [10<sup>-2</sup>]
- Force forte (gluons  $g$ )  
cohésion des noyaux [1]



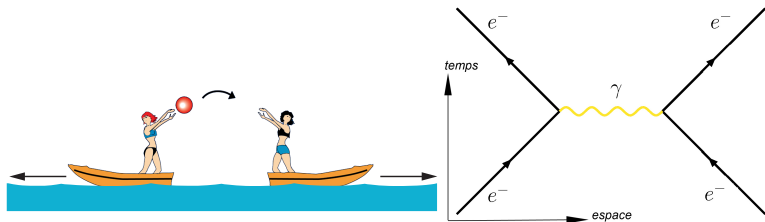
- 3 interactions sur 4 en termes d'échanges de particules (boson médiateurs)
- gravitation négligeable [intensité relative au niveau subatomique]

# Des différences de sensibilités



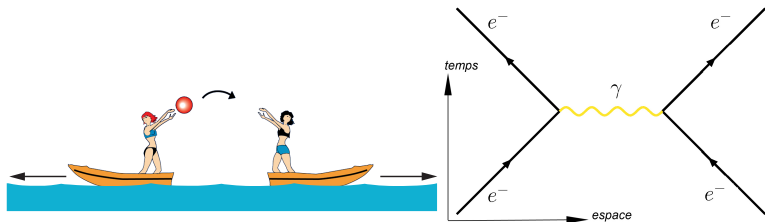
- Faible : tout le monde
- Electromagnétique : tout le monde sauf les neutrinos
- Forte : seulement les quarks

# Forces fondamentales et bosons médiateurs



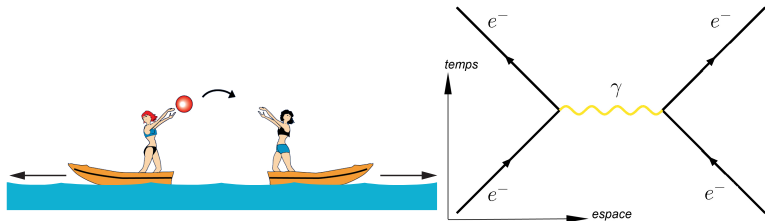
- Echange ponctuel de particules = **action à distance**

# Forces fondamentales et bosons médiateurs



- Echange ponctuel de particules = **action à distance**
- Représenté par diagramme de Feynman
  - Ligne = propagation d'un point d'espace-temps à un autre
  - Flèche = identification particule/antiparticule
  - Vertex = interaction (création/annihilation de particules)

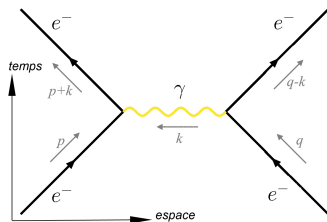
# Forces fondamentales et bosons médiateurs



- Echange ponctuel de particules = **action à distance**
- Représenté par diagramme de Feynman
  - Ligne = propagation d'un point d'espace-temps à un autre
  - Flèche = identification particule/antiparticule
  - Vertex = interaction (création/annihilation de particules)
- **Echange de particules de masse  $M$** : potentiel  $U(r) \propto e^{-Mr}/r$ 
  - Electromag. ( $M_\gamma = 0$ ): Potentiel de Coulomb  $1/r$  avec portée  $\infty$
  - Faible ( $M_{W,Z} \simeq 80 \text{ GeV}$ ): Suppression exponentielle avec  $r$   
portée subatomique ( $r_0 = \hbar c/M = 2 \cdot 10^{-18} \text{ m}$ )



# Particules virtuelles, particules réelles

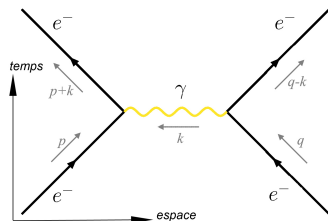


Photon, grain de lumière  
Pourtant invisible quand médiateur  
de la force électromagnétique ?

$$e^-(p) + e^-(q) \rightarrow e^-(p+k) + e^-(q-k)$$

via photon d'énergie-impulsion  $k$

# Particules virtuelles, particules réelles



Photon, grain de lumière  
Pourtant invisible quand médiateur  
de la force électromagnétique ?

$$e^-(p) + e^-(q) \rightarrow e^-(p+k) + e^-(q-k)$$

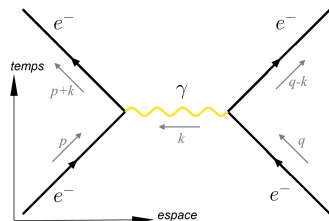
via photon d'énergie-impulsion  $k$

- Si tout le monde satisfait relation d'Einstein (sur couche de masse)

$$p^2 = q^2 = (p+k)^2 = (q-k)^2 = m_e^2 \quad k^2 = 0$$

$$\text{donc } 2k \cdot p = 2k \cdot q = 0, \text{ d'où } 2k(p+q) = 0$$

# Particules virtuelles, particules réelles



Photon, grain de lumière  
Pourtant invisible quand médiateur  
de la force électromagnétique ?

$$e^-(p) + e^-(q) \rightarrow e^-(p+k) + e^-(q-k)$$

via photon d'énergie-impulsion  $k$

- Si tout le monde satisfait relation d'Einstein (sur couche de masse)

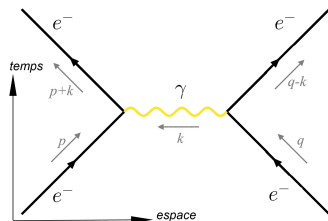
$$p^2 = q^2 = (p+k)^2 = (q-k)^2 = m_e^2 \quad k^2 = 0$$

$$\text{donc } 2k \cdot p = 2k \cdot q = 0, \text{ d'où } 2k(p+q) = 0$$

- Ref du centre de masse des 2  $e^-$ :  $p^\mu + q^\mu = (E, \vec{0})$ ,  $k^\mu = (E_\gamma, \vec{k})$

$$2k(p+q) = 2E_\gamma E = 0, \text{ d'où } E_\gamma = 0 \text{ et } k = (0, \vec{0}) ???$$

# Particules virtuelles, particules réelles



Photon, grain de lumière  
Pourtant invisible quand médiateur  
de la force électromagnétique ?

$$e^-(p) + e^-(q) \rightarrow e^-(p+k) + e^-(q-k)$$

via photon d'énergie-impulsion  $k$

- Si tout le monde satisfait relation d'Einstein (sur couche de masse)

$$p^2 = q^2 = (p+k)^2 = (q-k)^2 = m_e^2 \quad k^2 = 0$$

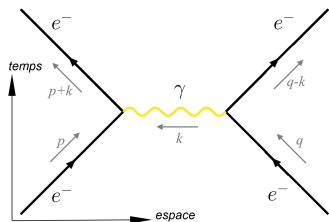
$$\text{donc } 2k \cdot p = 2k \cdot q = 0, \text{ d'où } 2k(p+q) = 0$$

- Ref du centre de masse des 2  $e^-$ :  $p^\mu + q^\mu = (E, \vec{0})$ ,  $k^\mu = (E_\gamma, \vec{k})$

$$2k(p+q) = 2E_\gamma E = 0, \text{ d'où } E_\gamma = 0 \text{ et } k = (0, \vec{0}) \text{ ???}$$

- Par l'absurde: photon ne satisfait pas relation d'Einstein :  $k^2 \neq 0$  !

# Particules virtuelles, particules réelles



Photon, grain de lumière  
Pourtant invisible quand médiateur  
de la force électromagnétique ?

$$e^-(p) + e^-(q) \rightarrow e^-(p+k) + e^-(q-k)$$

via photon d'énergie-impulsion  $k$

- Si tout le monde satisfait relation d'Einstein (sur couche de masse)

$$p^2 = q^2 = (p+k)^2 = (q-k)^2 = m_e^2 \quad k^2 = 0$$

$$\text{donc } 2k \cdot p = 2k \cdot q = 0, \text{ d'où } 2k(p+q) = 0$$

- Ref du centre de masse des 2  $e^-$ :  $p^\mu + q^\mu = (E, \vec{0})$ ,  $k^\mu = (E_\gamma, \vec{k})$

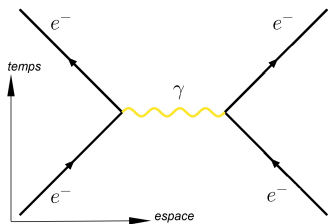
$$2k(p+q) = 2E_\gamma E = 0, \text{ d'où } E_\gamma = 0 \text{ et } k = (0, \vec{0}) \text{ ???}$$

- Par l'absurde: photon ne satisfait pas relation d'Einstein :  $k^2 \neq 0$  !

Particule **virtuelle** (intermédiaire, hors couche de masse)

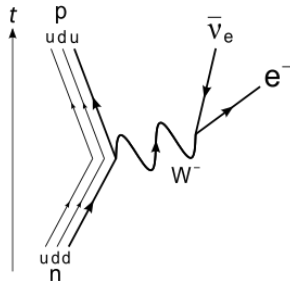
$\neq$  particule **réelle** (état initial/final, sur couche)

# Un même cadre, des interactions très différentes



## Electromagnétisme

- Portée infinie
- Interaction à distance, capable de créer états liés
- ... via un photon virtuel
- Médiateur de masse nulle (stable), neutre électr.



## Force faible

- Portée très courte
- Désintégration, en particulier désintégration  $\beta$
- ... via un boson  $W^\pm$  virtuel
- Médiateur lourd (instable), chargé électriquement

# Fin de la première partie

